网络首发地址:http://kns.cnki.net/kcms/detail/42.1755.TJ.20190320.1606.002.html

期刊网址: www.ship-research.com

引用格式:孙晨光,王建华,万德成.基于重叠网格的船模停船操纵 CFD 数值模拟[J]. 中国舰船研究,2019,14(2):8-14. Sun C G, Wang J H, Wan D C. CFD numerical simulations of stopping maneuver of ship model using overset grid technology[J]. Chinese Journal of Ship Research,2019,14(2):8-14.

基于重叠网格的船模停船操纵 CFD数值模拟



孙晨光^{1,2,3},王建华^{1,2,3},万德成^{*1,2,3}

1上海交通大学船舶海洋与建筑工程学院,上海200240 2上海交通大学海洋工程国家重点实验室,上海200240 3高新船舶与深海开发装备协同创新中心,上海200240

摘 要:[**目h**]随着国际航运业的迅速发展,港口和航道变得日益拥堵,研究大型船舶的停船性能对于航行安 全至关重要。[**方法**]使用基于开源 CFD 软件 OpenFOAM 自主开发的 naoe-FOAM-SJTU 求解器,以及船舶六自 由度运动和带桨多级物体运动求解模块,采用重叠 网格技术,对带桨 KVLCC2 船模进行紧急停船操纵数值模 拟。首先,控制螺旋桨转速,使船模达到稳定自航状态;然后,在某时刻控制螺旋桨倒转,以达到紧急停船操纵 的目的。通过对全粘性流场的整体求解,给出船模自航以及停船操纵过程中的运动状态和细致流场信息,分析 倒车效应产生的原因,并将数值预报结果与相关试验数据进行对比验证。[**结果**]结果显示,数值预报结果与相 关试验数据间误差在 5% 以内,证明采用 naoe-FOAM-SJTU 求解器对船舶倒车停船操纵问题进行数值预报是可 靠的。[**结论**]所采用的方法可针对停船问题为船舶前期设计和操纵方式的选择提供参考。 关键词: 停船操纵; naoe-FOAM-SJTU求解器; 重叠网格技术

中图分类号: U661.33 文献标志码:A

. 码·A **DOI:**10.19693/j.issn.1673-3185.01281

CFD numerical simulations of stopping maneuver of ship model using overset grid technology

Sun Chenguang^{1,2,3}, Wang Jianhua^{1,2,3}, Wan Decheng^{*1,2,3}

1 School of Naval Architecture, Ocean and Civil Engineering, Shanghai Jiao Tong University,

Shanghai 200240, China

2 State Key Laboratory of Ocean Engineering, Shanghai Jiao Tong University, Shanghai 200240, China 3 Collaborative Innovation Center for Advanced Ship and Deep-Sea Exploration, Shanghai 200240, China

Abstract: [Objectives] With the development of international shipping, ports and waterways are becoming increasingly crowded. Study on stopping ability of large ships is crucial to their voyage safety. [Methods] The naoe-FOAM-SJTU solver based on the CFD platform OpenFOAM and the ship 6-DOF motion and multi-level object with propeller motion solver module and the overset grid technology are used to numerically simulate the emergency stopping maneuver of KVLCC2 model with propeller. First, the rotation speed of propeller is controlled to achieve the steady self-propulsion state of the ship model; then the propeller is reversed at a moment speed to achieve the emergency stopping maneuver. By generally solving viscous flow field, the motion state and detailed flow field information of the ship model during self-propulsion and stopping maneuver are presented, the cause of reverse effect is analyzed, and the numerical prediction results are compared with the test data. [Results] The results indicate that the discrepancy between numerical prediction results and test data is within 5% and that it is possible to numerically predict the reverse and stopping maneuver problems by using the naoe-FOAM-SJTU solver. [Conclusions] The method adopted herein can provide reference for preliminary design and maneuver method of a ship in terms of ship stopping issues.

Key words: stopping maneuver; naoe-FOAM-SJTU solver; overset grid technology

收稿日期: 2018-05-06 网络首发时间: 2019-3-21 13:54

- 基金项目:国家自然科学基金资助项目(51879159,51490675,11432009,51579145);长江学者奖励计划(T2014099);上海 高校东方学者特聘教授岗位跟踪计划(2013022);上海市优秀学术带头人计划(17XD1402300);工信部数值水池 创新专项 VIV/VIM 项目(2016-23/09)
- 作者简介:孙晨光,男,1993年生,硕士生。研究方向:计算船舶水动力学,波浪中船舶操纵性。E-mail:sunchenguang1993@qq.com 王建华,男,1988年生,助理研究员。研究方向:计算船舶水动力学,波浪中船舶操纵性。E-mail:tjuwjh@126.com 万德成,男,1967年生,博士,教授,博士生导师。研究方向:计算船舶水动力学,无网格粒子法,船型优化,浮式风 机,流固耦合,涡激振动/运动等。E-mail:dcwan@sjtu.edu.cn

*通信作者:万德成

0 引 言

近年来,为降低海运成本,提高运输效率,船 舶正向大型化方向发展。随着港口与航道逐渐变 得拥挤,船舶因相撞而发生的海损事故频繁发 生。另外,船舶的大型化使得船体本身的运动性 能降低,无论是转向能力还是速度调节能力,都有 一定幅度的下降,导致操作不便。为确保船舶在 航行中的安全,需要对船舶的停船性能进行更为 深入的研究。

对于一般大型船舶在通常情况下的停船操纵 动作而言,制动方式仍以倒车制动最为普遍。船 舶在前进中或在静止状态下使用螺旋桨倒车时, 在船尾一些横向力的作用下,会使船艏或左或右 偏转,这种现象便是倒车效应^[1]。具有良好停船 性能的船舶,应当在实施停船操作后具有相应于 其船长的最小停船距离(冲程)、最小偏航量(停船 横距)和最小偏航角^[2]。

倒车停船是船舶操纵与避碰的一种重要手段。1993年,国际海事组织(IMO)通过了《船舶操 纵性暂行标准》,其中就对停船性能提出了明确要 求。2002年底,IMO完成了对《船舶操纵性暂行标 准》的修改和补充,其中就包括对停船性能的补充 要求,从此,《船舶操纵性标准》正式颁布^[3]。

倒车停船运动一直是船舶操纵领域的一个重 要研究课题,国内外不少学者针对船舶的倒车停 船运动问题进行了若干研究。传统的船舶停船操 纵数值研究主要是基于约束船模试验^[4]构建停船 操纵数学模型,然后分离出相关水动力导数,通过 数值模拟预报船体水动力,进而得出停船操纵中 所需要的水动力导数值,最后,基于上述参数计算 模拟出船舶的运动响应。 Chislett 和 Smitt^[5]通过 约束船模试验,确定了倒车横向力的存在。刘正 江^[6]提出了倒车横向力(矩)的回归公式,其预报 结果与实船结果基本吻合,但该文没有考虑船舶 在吃水船长比较小、螺旋桨浸深较小时的倒车横 向力(矩)。赵月林和古文贤^[7]对浅水中的倒车停 船性能进行了预报,并对停船方法予以了探讨。 闫伟[8]针对大型船舶在浅水域的操纵性能进行了 研究。张玉喜等^[9]在Fujii等^[10]的研究基础上,对 狭窄水道中航行船舶的间距控制进行了研究。张 强等印在近年来有关船舶操纵性研究成果的基础 上,结合有关模型参数和流体动力学导数的不同 求取方法,给出了适用于船舶港内操纵的、考虑右 旋单桨倒车特性的船舶港内操纵模型。上述学者 都是通过公式计算来间接得到停船操纵的相关参 数,无法直观反应出船舶停船过程中的船体受力 和流场信息,不能深入研究现象产生的机理,从而 也就无法为初期船舶设计和停船操纵方式的选择 提供有力的建议。

目前,有关倒车停船操纵的研究主要采用约 束模参数与操纵性数学模型,这种方式无法研究 螺旋桨倒车过程中的尾流场以及船、桨之间的相 互作用。因此,采用CFD方法对倒车停船的操纵 过程进行数值模拟具有重要研究意义。通过重 叠网格技术求解船舶大幅度运动是目前主流的 方法。Sakamoto等^[12]采用船舶水动力学软件 CFD Ship-Iwoa Ver. 4 对标准船模 DTMB 5512 的 裸船体进行了平面运动机构(Planar Motion Mechanism, PMM)静态和动态试验的数值模拟,并进 行了相应的验证。Carrica^[13]通过求解非定常 RANS方程,采用重叠网格方法对 DTMB 5512 船 模进行了回转运动和Z型操纵试验的数值模拟。 Mofidi等^[14]采用重叠网格技术,对船、桨、舵全耦 合条件下的 KCS 船模 Z 型操纵试验进行了数值模 拟,其中关于船、桨、舵的耦合计算采用了一套多 级物体运动求解模块。Yoshimura^[15]对浅水中的 船舶操纵进行了数值建模和计算,其结果与试验 结果吻合较好。上海交通大学万德成教授课题组 基于开源 CFD 软件 OpenFOAM 和重叠网格技术, 开发了针对船舶与海洋工程结构物大幅度运动条 件下的水动力学求解器 naoe-FOAM-SJTU^[16],在 海上浮式结构物、标准船模等在波浪上的运动和 船舶操纵性数值模拟等方面均取得了一定的成 果。使用该求解器,王建华等[17]实现了全附体 ONRT船模在波浪中自航的数值模拟;吴建威等[18] 成功预报了螺旋桨敞水性能;尹崇宏等^{19]}模拟了 实尺度下 VLCC 船模的航行阻力,其结果与实验 结果吻合良好;罗天等^[20]模拟了KCS船型的横摇 运动,并对粘性效应进行了分析。

本 文 将 使 用 基 于 重 叠 网 格 技 术 的 naoe-FOAM-SJTU求解器,针对浅水与深水这2种 工况,对船、桨配合下的倒车停船操纵进行 CFD 数 值模拟,预报停船过程中的停船纵距、横距等参数, 细致分析并对比2种工况下船舶操纵过程中的船 体表面压力以及船周流场情况,以为停船问题在 船舶前期设计和操纵方式的选择方面提供参考。

1 数值方法

1.1 流场计算

使用上海交通大学自主开发的 naoe-FOAM-

SJTU求解器进行数值计算求解。流体控制方程 为非定常两相不可压缩的RANS方程:

$$\nabla \cdot U = 0 \tag{1}$$

$$\frac{\partial \rho U}{\partial t} + \nabla \cdot [\rho (U - U_g) U] = -\nabla p_d - g \cdot x \nabla \rho +$$

 $\nabla \cdot (\mu_{\text{eff}} \nabla U) + (\nabla U) \cdot \nabla \mu_{\text{eff}} + f_{\sigma}$ (2) 式中: x 为网格节点的位置; t 为时间; U 为速度 场; U_g 为网格的移动速度; p_d 为动压力,即总压 力与静水压力值差; ρ 为液体密度; g 为重力加速 度向量; μ_{eff} 为有效动力粘性系数; f_o 为表面张 力项。

本文使用 SST *k*-ω 湍流模型实现 RANS 方程的闭合,其中 *k* 为流体质点的湍动能,ω 为特征耗散率。这样的湍流模型既不受自由面的影响,也能保证在壁面处求解的精确性和可靠性。同时,本文还采用带有人工可压缩项的流体体积(VOF)法处理自由液面^[21],其输运方程定义为

 $\frac{\partial \alpha}{\partial t} + \nabla \cdot [\rho(U - U_g)\alpha] + \nabla \cdot [U_r(1 - \alpha)\alpha] = 0 \quad (3)$ 式中: U_r 为用于压缩界面的速度场; α 为两相流体积分数,其定义为

$$\begin{cases} \alpha = 0 & \text{$\bar{2}$} \\ \alpha = 1 & \textbf{\mathcal{X}} \\ 0 < \alpha < 1 & \text{\mathcal{A}} \\ \end{array} \tag{4}$$

本文计算中的RANS方程和VOF方程均采用 有限体积法进行离散,对于离散后得到的压力速 度耦合方程,采用 PISO (Pressure-Implicit-Split-Operator)算法^[22]进行循环迭代求解。

1.2 重叠网格技术

重叠网格法是指将物体的每个部件单独划分 网格,然后再嵌入另一套大的网格中,在经过挖洞 处理后,非计算域的网格会被排除在计算之外,重 叠区域可以通过建立插值关系来传递流场信息。 重叠网格技术允许多个相互独立的网格之间产生 无拘束的相对运动,因此,其可以很好地处理六自 由度的相对运动问题。

本文采用的 naoe-FOAM-SJTU 求解器是在开源 CFD 软件 OpenFOAM 平台的基础上,加入了重叠网格技术和多级物体运动求解模块。在流场求解中,采用 Suggar++^[23]程序计算得到重叠网格间的插值信息数据 DCI (Domain Conectivity Information)。

2 计算模型与网格

本文的计算采用仅带有螺旋桨的KVLCC2船模,船体与螺旋桨的表面模型如图1所示。实船 与模型的相关参数如表1所示。



图 1 KVLCC2船几何模型 Fig.1 The KVLCC2 ship model

表1 模型主要参数

 Table 1
 Main parameters of the ship model

	Full scale	Model
Scale	1	1/110.0
Length of waterline L_w/m	320.00	2.909
Width of waterline B/m	58.00	0.527
Draft <i>d</i> /m	20.80	0.189
Propeller diameter D/m	9.86	0.080
Propeller pitch ratio P/D	0.721	0.721

使用重叠网格方法构建船、桨耦合计算模型, 以船心为原点划分计算域,其大小分别为-1.5L *X* < 3*L*, -1.5*L* < *Y* < 1.5*L* 和 -*L* < *Z* < 0.5*L*,其中*L* 为 船长,船艏朝向-*X*方向。将计算域划分为3个部 分,分别为背景网格、船体网格和螺旋桨网格,所 有 网格均由 OpenFOAM 自带的网格划分工具 snappyHexMesh生成。由于停船操纵时间跨度较 长,需要大量的计算资源,故网格数不宜过多,计 算采用的背景网格数为57万,船体网格数为268 万,螺旋桨网格数为50万。经过Suggar++程序对 几套网格进行插值,得到的最终全流场计算网格 总数为375万,计算网格如图2所示。



3 计算结果与分析

3.1 自航验证

为了验证本文中所使用数值方法的可靠性和

所采用网格的收敛性,需要对船模的自航问题进行数值验证。本文采用 naoe-FOAM-SJTU 求解器,在计算过程中采用 PI 控制器调整螺旋桨转速,从而使螺旋桨推力与船模所受阻力达到平衡,得到船模的自航点。

根据日本海上技术安全研究所(National Maritime Research Institute, NMRI)试验水池的试验数 据,选取该船的设计航速 0.76 m/s(对应的实船航 速为 15.5 kn)进行数值模拟。在该工况下,模型 的螺旋桨转速*n*与船模航速*V*的时历曲线分别如 图 3 和图 4 所示。图中:CFD 代表预报值, EFD 表 示试验数据。



Fig.3 Time history curves of propeller revolutions velocity of ship model



由图 3 可以看出,达到预定航速时,预报的螺旋桨转速为 17.02 r/s,与 NMRI 水池的试验值^[24] 17.2 r/s 相比仅小了 1.05 %。可见采用本文所使用 的数值计算方法对船模自航进行数值模拟可以较 精确地预报出船模的自航点,使用该套网格进行 停船操纵的数值模拟较为合适。

3.2 停船操纵数值模拟

本文针对停船操纵的数值模拟过程如下:首 先使用 PI 控制器控制船模以 0.490 5 m/s(对应的 实船航速为10kn)的速度航行,在达到稳定自航 状态之后,控制螺旋桨倒车进行停船操纵,螺旋桨 倒转速度为10.36r/s。当船模纵向速度降为0时, 停船操纵完成。

3.2.1 停船参数预报

停船操纵过程中的船模运动轨迹以及速度随时间的变化曲线如图5所示。

这里使用了无因次化参数,其中图 5(a)的轨 迹图中使用了无因次化长度,图 5(b)的速度变化 图中使用了无因次化速度和时间,计算公式分别 为: $t' = t/\sqrt{L/g}$, $V = V/\sqrt{gL}$ 。



从图5中可以看出,停船纵距、横距和停船轨 迹与试验值吻合较好,其中停船冲程与试验值相 比多了0.75%,停船横距与试验值相比少了 4.29%,停船时间与试验值吻合较好,而倒车之后 的速度变化情况则与试验值存在一定的误差,在 余速较高时,采用数值方法预报的速度降低较 快。本文采用的数值计算方法可以较为精确地预 报船舶停船操纵的相关参数,从而为停船性能评

为了研究倒车停船操纵中船舶停下的力学机 理,对船体操纵过程中的受力情况进行了分析,船体 受到的总纵向力 *F*,和该力的分解情况如图6所示。

估提供有力的手段。



由图6可见,由于螺旋桨处于不停转动的工 作状态, 故船体受到的总纵向力 F₁ 是波动的, 随 着船速的减小,该力有逐渐减小的趋势。将总纵 向力分解为船体所受阻力 F_s和螺旋桨作用力 F_p,发现船体阻力曲线比较具有规律性,随着航 行时间的增加,船体速度逐渐减小,船体所受阻力 也逐渐减小,当航速降为0时,船体阻力也降低为 0;而螺旋桨作用力则并无明显的规律性,其在某 一数值附近波动是为船模提供刹车力。

3.2.2 停船操纵流场分析

为了分析停船操纵中船舶运动的水动力特 征,船模倒车停船操纵进行10s后(对应的实船为 105 s),船艉部的压力分布如图7所示。图中, p_{d} 为动压力,表示该处总压力与未经扰动的静水压 力之差。

由图7可以看出,在倒车停船操纵过程中,船 后方右侧形成了高压区,而左侧因螺旋桨倒车导 致压力变化情况较小,相较于右侧可以忽略不 计。船后方左、右两侧的压力差形成了推动船艉 向左的横向力,从而导致船艏右偏,产生倒车效应。

为了研究船艉右侧高压区产生的原因,对该 时刻船艉周围的流场情况进行了研究,船周流体



纵向速度U_x和垂向速度U_z的分布如图8~图10 所示。

由图8中可以看出,船艉两侧均存在一定大 小的伴流,其中右侧高压区附近流体的纵向速度 较左侧更大,这是因为在倒转螺旋桨的作用下,其 左后方的流体被排向桨的右前方,排出流在向前 方运动的过程中受到船体的阻挡,冲击船体右后 方而产生压力。









图9 流体垂向速度分布图





(a) Velocity distribution in horizontal section



(b) Vertical velocity distribution in cross section图 10 螺旋桨周围流体速度分布图Fig.10 The speed distribution near the propeller

由图9中可以看出,在倒转螺旋桨的作用下, 船艉右侧的流体被向上排出,其在向上运动的过 程中受到船体的阻挡,从而冲击船艉右下方,产生 一定的压力。而左侧流体则向下运动,流向更深 的水域,不对船体表面压力分布产生明显影响。 由此,左、右两侧的压力差就形成了推动船艉向左 的横向力。

图 10清晰地反映出了倒车停船的作用机理: 螺旋桨倒车,将流体向前方排出,流体的反作用力 作用在螺旋桨上,通过桨轴为船舶提供刹车力。 从船艉向船艏看去,倒车螺旋桨逆时针旋转,改变 了船艉附近的流体运动情况,右侧排出流在向前 方和上方运动时受到船体的阻挡,与船体发生相 互作用,在艉部船壳处产生压力,推动船艉向左, 从而造成船艏右偏,产生倒车效应。

4 结 语

本文阐述了对停船操纵进行 CFD 数值模拟的 重要意义,介绍了使用基于重叠 网格技术的 naoe-FOAM-SJTU 求解器对倒车停船过程进行数 值模拟的方法,结果显示数值预报结果(如停船冲 程、停船横距和停船时间等)与试验结果吻合良 好,误差在 5%以内,表明使用当前数值方法对停 船操纵问题进行数值预报是可靠的。

另外,针对船舶从自航到停止的过程,给出了 详细的流场信息,如船艉表面压力分布、螺旋桨周 围流体速度变化等,分析了产生倒车效应的缘 由。本文所采用的求解器可以准确预报出倒车停 船操纵下船舶的运动过程和水动力特性,可以为 船舶停船性能评估、船舶数字化设计和操纵方式 的选择提供可靠参考。

未来,将对浅水情况下的船舶停船操纵进行 模拟,并对不同的停船方式进行比较和分析,同时 对本文所采用的船舶操纵数值模拟方法进行更为 广泛的验证。

参考文献:

[1] 洪碧光. 船舶操纵原理与技术[M]. 大连: 大连海事 大学出版社,2007.

Hong B G. The principle and technology of ship maneuver [M]. Dalian: Dalian Maritime University Press, 2007 (in Chinese).

[2] 古文贤. 船舶的停船性能[J]. 世界海运, 1995(3): 42-44.

Gu W X. Stopping ability of ship[J]. World Shipping, 1995(3):42-44 (in Chinese).

- [3] 邹早建. IMO 船舶操纵性标准与操纵性预报研究
 [C]//全国海事技术研讨会论文集, 2002:537-543.
 Zou Z J. IMO ship maneuverability standards and maneuverability prediction research [C]//Papers Collection of National Maritime Technology Seminar. [S.1]:
 [s.n], 2002:537-543 (in Chinese).
- [4] Kim H, Akimoto H, Isalam H. Estimation of the hydro-

dynamic derivatives by RANS simulation of planar motion mechanism test [J]. Ocean Engineering, 2015, 108:129-139.

- [5] Chislett M S, Smitt L W. A brief description of the HYA large amplitude PMM system[J]. Journal of Mechanical Engineering Science, 1972, 14(7):80-84.
- [6] 刘正江. 倒车停船性能实用预报的研究[J]. 大连海 事大学学报,1987(3) 57-66.
 Liu Z J. Study on the prediction of stopping ability using reversing propeller[J]. Journal of Dalian Maritime University, 1987(3):57-66 (in Chinese).
- [7] 赵月林,古文贤. 浅水中倒车停船性能预报及停船 方法探讨[J]. 大连海事大学学报,1991(4): 354-360.

Zhao Y L, Gu W X. Study of stopping ability prediction and stopping method in shallow water [J]. Journal of Dalian Maritime University, 1991 (4): 354-360 (in Chinese).

- [8] 闫伟.大型船舶在浅水域操纵性能的探讨[J]. 航海技术,2008(增刊2):4-6.
 Yan W. Discussion about manoeuvreability of big vessel in shallow water [J]. Marine Technology, 2008 (Supp 2):4-6 (in Chinese).
- [9] 张玉喜,贲锋,李国帅. 狭水道中航行船舶间距控制的研究[J]. 船海工程,2009,38(4):1-3. Zhang Y X, Ben F, Li G S. Research on ship space of navigating in narrow channels[J]. Ship and Ocean Engineering,2009,38(4):1-3 (in Chinese).
- [10] Fujii Y, Tanaka K. Traffic capacity [J]. Journal of Navigation, 1971, 24(4): 543-652.
- [11] 张强,张显库.考虑螺旋桨倒车特性的船舶港内操
 纵数学模型及仿真应用[J].中国造船,2016,57
 (4):147-156.

Zhang Q, Zhang X K. A ship maneuvering model and application in harbor considering reversing characteristics of propeller [J]. Shipbuilding of China, 2016, 57(4):147-156 (in Chinese).

- [12] Sakamoto N, Carrica P M, Stern F. URANS simulations of static and dynamic maneuvering for surface combatant: Part 2. Analysis and validation for local flow characteristics [J]. Journal of Marine Science and Technology, 2012, 17(4):446-468.
- [13] Carrica P M. DES simulations of KVLCC1 in turn and zigzag maneuvers with moving propeller and rudder [C]//Proceedings of the SIMMAN 2008 Workshop on Verification and Validation of Ship Maneuvering Simulation Methods. Lyngby, Denmark: [s.n.], 2008.
- [14] Mofidi A, Carrica P M. Simulations of zigzag maneuvers for a container ship with direct moving rudder and propeller [J]. Computers & Fluids, 2014, 96: 191-203.
- [15] Yoshimura Y. Mathematical model for the manoeuvr-

ing ship motion in shallow water [J]. Journal of the Kansai Society of Naval Architects, 1986, 200: 41-51.

- [16] Shen Z , Korpus R. Numerical simulations of ship self-propulsion and maneuvering using dynamic overset grids in OpenFOAM [C]// Proceedings of Tokyo 2015 CFD Workshop. Tokyo, Japan, 2015.
- [17] 王建华,万德成.全附体 ONRT船模在波浪中自航的数值模拟[J].应用数学和力学,2016,37(12): 1345-1358.
 Wang J H, Wan D C. Investigations of self-propulsion in waves of fully appended ONR tumblehome model [J]. Applied Mathematics and Mechanics, 2016, 27 (12):1345-1358 (in Chinese).
 [18] 吴建威,尹崇宏,万德成.基于三种方法的螺旋桨
- [18] 关建威,产宗宏,万德成. 基丁三种方法的螺旋桨 敞水性能数值预报[J]. 水动力学研究与进展(A 辑),2016,31(2):177-187.
 Wu J W, Yin C H, Wan D C. Numerical prediction of the propeller open-water performance based on three numerical methods[J]. Chinese Journal of Hydrody-

namics(Ser. A), 2016, 31(2): 177-187 (in Chinese).

- [19] 尹崇宏,吴建威,万德成. 基于 IDDES 方法的模型 尺度和实尺度 VLCC 阻力预报与流场分析[J]. 水 动力学研究与进展(A辑),2016,31(3):259-268.
 Yin C H, Wu J W, Wan D C. Model-and full-scale VLCC resistance prediction and flow field analysis based on IDDES method[J]. Chinese Journal of Hydrodynamics(Ser. A),2016,31(3):259-268 (in Chinese).
- [20] 罗天,万德成.基于 CFD 的船舶横摇数值模拟与粘 性效应分析[J].中国舰船研究,2017,12(2): 1-11,48.

Luo T, Wan D C. Numerical analysis of viscous effect on ship rolling motions based on CFD [J]. Chinese Journal of Ship Research, 2017, 12(2): 1-11, 48(in Chinese).

- [21] Rusche H. Computational fluid dynamics of dispersed two-phase flows at high phase fractions[D]. London: University of London, 2003.
- [22] Cao H, Wan D C. Benchmark computations of wave run-up on single cylinder and four cylinders by naoe-FOAM-SJTU solver [J]. Applied Ocean Research, 2017, 65:327-337.
- [23] Noack R W, Boger D A, Kunz R F, et al. Suggar++: an improved general overset gridassembly capability [C]//Proceedings of the 19th AIAA Computational Fluid Dynamics. San Antonio, TX: AIAA, 2009:22-25.
- [24] Tsukada Y, Ueno M, Tanizawa K, et al. Development of an auxiliary thruster for free-running model ship tests[J]. Journal of the Society of Naval Architects of Japan, 2014, 20:59-67.